

# Критерії

## I тур

### Задача 1.

- 7 балів — повний розв'язок;
- -1 бал — рівність  $BR = BA$  або аналогічні застосовуються без доведення;
- -1 бал — недоліки в розв'язку інверсією;
- -2 бали — твердження “якщо для гострих кутів виконується  $\frac{\sin a}{\sin b} = \frac{\sin c}{\sin d}$  та  $a - b = c - d$ , то  $a = c$  і  $b = d$ ” (або подібні йому) застосовуються без доведення;
- -3 бали — суттєві недоліки в тригонометричному підході до розв'язання задачі.

### Задача 2.

- 0 балів — просування відсутні; не повністю описано алгоритм; описано алгоритм, що не працює;
- +1 бал — ідея побудови шуканого розбиття для окремих смуг  $2x(2k + 1)$ ;
- 4 бали — описано алгоритм побудови шуканого розбиття у припущенні того, що знайдеться *гарний рядок з непарним номером* (див. авторський розв'язок);
- 7 балів — повний розв'язок.

### Задача 3.

- 7 балів — повний розв'язок.
- 1 бал — доведено ін'єктивність функції.
- 0 балів — написано і перевірено відповідь, отримано відповідь у випадку лінійної функції, отримання оцінок на значення функції без подальших просувань, отримано, що функція не приймає значення 1.

## II тур

### Задача 4.

- 7 балів — повний розв'язок;
- -1 бал — незначні недоліки в доведенні
- -2 бали — не розглянуто випадок  $a < 7$  та не доведена нерівність для  $a \geq 7$ :  
$$a = a_1 a_2 \dots > a_1 + a_2 + \dots + 1$$
- +3 бали — зауважено, що прості числа більші від 2 продукують лише прості числа, які не більші від них самих, а двійка продукує трійку
- +1 бал — спроба доведення скінченності процесу, але замість доведення просто це констатовано як факт (або констатовано, що рано чи пізно обов'язково має вичерпатись найбільше просте число)

### Задача 5.

- 0 балів — просування відсутні;
- 0 балів — доведено, що якщо  $O$  лежить зовні  $D_i$ , то  $OP_i \geq OO_i - R_i$ , де  $O_i$  — центри кіл  $D_i$ ;
- 0 балів — зауважено, що якщо  $OO_i < 2R_i$ , то круг  $D_i$  видно з точки  $O$  під кутом більше, ніж  $60^\circ$ ;
- 1 бал — ідея розглянути трикутники виду  $OO_i O_j$ , в яких  $\angle O_i O O_j \leq 60^\circ$ , і зауваження, що в них сторона  $O_i O_j$  — не найбільша;
- 4 бали — доведено лему з авторського розв'язку;
- +1 бал — спроба індукції з використанням леми з авторського розв'язку, в ході якої не обґрунтовано, чому в лівій частині нерівності виникатимуть різні доданки;
- 7 балів — повний розв'язок;

### Задача 6.

- 0 балів — просування відсутні; неправильна відповідь; неправильна чи не оптимальна стратегія за А чи В;
- 2 бали — правильна відповідь, сформульована і доведена стратегія за А;
- 7 балів — повний розв'язок.